

EXERCICE 1 Exprimer, en fonction de $\ln(2)$ et $\ln(5)$ les valeurs de :

- | | | |
|---------------|-----------------------------------|----------------------|
| a) $\ln(10)$ | e) $\ln\left(\frac{2}{25}\right)$ | h) $\ln(\sqrt{5})$ |
| b) $\ln(25)$ | f) $\ln\left(\frac{5}{8}\right)$ | i) $\ln(2\sqrt{2})$ |
| c) $\ln(16)$ | g) $\ln(0,4)$ | k) $\ln(5\sqrt{10})$ |
| d) $\ln(400)$ | | |

EXERCICE 2 À l'aide de la calculatrice, donner une valeur approchée à 10^{-3} près de la solution de l'équation $\ln(x) = 3$.

EXERCICE 3 Résoudre les équations suivantes :

a) $\ln(x^2 - 4) = \ln(5) + 2\ln(3)$	b) $\ln(x + 2) = 2\ln(x)$	c) $\ln(x) + \ln(x + 2) = \ln(9x - 12)$
--------------------------------------	---------------------------	---

EXERCICE 4 Déterminer les équations des tangentes à la courbe représentative du logarithme népérien aux points d'abscisses $\frac{1}{2}$, 1 et 2. Tracer ces tangentes et une allure possible de la courbe du logarithme népérien.

EXERCICE 5 Résoudre les inéquations suivantes :

a) $\ln(x - 2) \leqslant 0$	b) $\ln(-2x + 3) > 0$	c) $\ln(2x + 1) - \ln(x + 1) < 0$
-----------------------------	-----------------------	-----------------------------------

EXERCICE 6 Soit la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = \ln(2x^2 + 2)$.

1. Déterminer les équations des tangentes à \mathcal{C}_f aux points d'abscisses -1 , 0 et 1 .

2. À l'aide de la calculatrice, compléter le tableau de valeurs :

x	-4	-3	-2	-1	0	1	2	3	4
$f(x)$									

3. Placer les points de \mathcal{C}_f correspondants aux valeurs précédentes, les tangentes étudiées précédemment, puis l'allure de \mathcal{C}_f .

EXERCICE 7 Calculer la fonction dérivée des fonctions suivantes :

a) $f(x) = x - 2 - \ln(x)$	d) $f(x) = (\ln(x))^2$
b) $f(x) = x \ln(x)$	e) $f(x) = (x + 1) \ln(x) - x$
c) $f(x) = \frac{\ln(x)}{x}$	f) $f(x) = \ln\left(\frac{x+3}{2-x}\right)$

EXERCICE 8 Déterminer les limites suivantes :

a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{3}{x} + \ln(x)$
 b) $\lim_{x \rightarrow +\infty} 5x + \ln(x)$
 c) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(x)}{x}$

d) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \ln(x^2 + 3)$
 e) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \ln\left(\frac{x^2 + 3}{x^2 + 3x + 12}\right)$

EXERCICE 9 À l'aide de la calculatrice (calculs de valeurs, courbe représentative, tableau de valeurs, . . .), conjecturer les limites :

a) $\lim_{x \rightarrow +\infty} x - \ln(x)$
 b) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(x)}{x}$

c) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\ln(x)}{x^2}$
 d) $\lim_{x \rightarrow 0} x \ln(x)$

e) $\lim_{x \rightarrow 0} x (\ln(x))^4$

EXERCICE 10 Intensité acoustique en dB et isolation phonique

L'intensité acoustique en décibels (dB) d'un son est donnée par $L = 10 \log\left(\frac{I}{I_0}\right)$, où I est l'intensité du son étudié et I_0 une intensité de référence (I et I_0 en Watts par mètres carrés, $W.m^{-2}$). On donne $I_0 = 10^{-12} W.m^{-2}$.

A. 1. Un haut parleur diffuse de la musique ; l'intensité du son est égale à $10^{-6} W.m^{-2}$. Calculer l'intensité acoustique L_1 en dB.

2. On ajoute un deuxième haut parleur identique au premier, et l'intensité du son double. Calculer l'intensité acoustique en dB correspondante. A-t-on $L_2 = 2L_1$?

3. On multiplie par 10 l'intensité sonore (ou on utilise 10 haut parleurs identiques simultanément). Calculer l'intensité acoustique en dB correspondante.

4. Le seuil de danger pour l'oreille humaine est à 90 dB. Calculer l'intensité du son correspondante.

B. **Isolation phonique** On dispose de plaques d'isolation phonique permettant d'absorber 8% de l'intensité du son qui lui parvient. Pour concevoir un système d'isolation performant, on superpose ces plaques.

On utilise pour tester notre système d'isolation une source de référence qui émet un son d'intensité 100dB.

1) Déterminer l'intensité du son après atténuation par une plaque.

2) Déterminer l'intensité du son après atténuation par deux plaques successives.

3) On note u_n l'intensité du son mesurée après la traversée de n plaques.

a) Donner u_0 , u_1 et u_2 , puis exprimer u_{n+1} en fonction de u_n .

b) Quelle est la nature de la suite (u_n) . En déduire l'expression u_n en fonction de n et u_0 .

c) Quelle intensité sonore obtient-on avec 10 plaques ?

d) Combien de plaques faut-il utiliser pour que l'intensité du son devienne inférieure à 30dB.