

Sachant que  $U$  est arithmétique, que  $U_5 = 45$  et que  $U_{10} = 125$ , calculer  $U_{32}$  puis  $S = U_5 + \dots + U_{32}$

- Développer et réduire  $(n + 2) \times (2n + 3) = \dots\dots\dots$

puis compléter la démonstration suivante :

Définition Soit  $P$  la proposition définie sur  $\mathbb{N}^*$  par :  $\ll 1^2 + 2^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6} \gg$

Initialisation Pour  $n = \dots\dots$ , on a d'une part  $\dots\dots$

et d'autre part  $\dots\dots\dots$

donc  $\dots\dots\dots$

Hérédité Soit  $n$  un entier  $\geq \dots$

Supposons que la propriété  $P$  est vraie pour ce rang  $n$ , alors pour cet entier on a :  $\dots\dots\dots$

donc  $\dots\dots\dots$

donc  $\dots\dots\dots$

donc  $\dots\dots\dots$

donc  $\dots\dots\dots$

donc  $\dots\dots\dots$

Conclusion

La proposition est vraie pour l'entier initial  $\dots\dots$

et, pour tout  $n \in \mathbb{N}^*$ ,

si elle est vraie pour l'entier  $\dots\dots\dots$  alors on a démontré qu'elle était vraie pour l'entier  $\dots\dots\dots$

donc pour tout  $n \in \mathbb{N}^*$ , la proposition est vraie.