

Sachant que U est arithmétique, que $U_5 = 45$ et que $U_{10} = 125$, calculer U_{32} puis $S = U_5 + \dots + U_{32}$

- Développer et réduire $(n+2) \times (2n+3) = \dots$

puis compléter la démonstration suivante :

Définition Soit P la proposition définie sur \mathbb{N}^* par : « $1^2 + 2^2 + \dots + n^2 = \frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$ »

Initialisation Pour $n = \dots$, on a d'une part

et d'autre part

donc

Hérédité Soit n un entier $\geq \dots$

Supposons que la propriété P est vraie pour ce rang n , alors pour cet entier on a :

donc

donc

donc

donc

donc

Conclusion

La proposition est vraie pour l'entier initial

et, pour tout $n \in \mathbb{N}^*$,

si elle est vraie pour l'entier alors on a démontré qu'elle était vraie pour l'entier
donc pour tout $n \in \mathbb{N}^*$, la proposition est vraie.